

Programmazione I

a.a 2008-2009

docente: Carmine Gravino

Progettazione di Algoritmi

Presentazione realizzata dal Prof. Andrea De Lucia

Progettazione di Algoritmi

- *Verificare se un numero naturale è primo*
- *Calcolare il massimo comune divisore di due numeri naturali*

Numeri primi: Analisi e Specifica

- ❖ **Dati di ingresso: n**
- ❖ **Precondizione: $n > 1$**
- ❖ **Dati di uscita: b**
- ❖ **Postcondizione: se n è primo allora $b = \text{TRUE}$, altrimenti $b = \text{FALSE}$. Un numero è primo se è divisibile solo per 1 e per se stesso.**

<i>Attributo</i>	<i>Tipo</i>	<i>Descrizione</i>
n	intero	Numero naturale in ingresso
b	booleano	Valore booleano in uscita

Algoritmo: 1^a soluzione

- 1 Dividere n per tutti i numeri compresi tra 1 ed n e contare il numero di divisori.
- 2 Se il numero di divisori è 2 allora n è primo

```
do scanf("%d", &n); // test preconditione
```

```
while(n <=1);
```

```
divisori = 0;
```

```
for (i = 1; i <= n; i++)
```

```
    if(n % i == 0) divisori++;
```

```
if(divisori == 2)
```

```
    printf("è un numero primo \n");
```

```
else printf("non è un numero primo \n");
```

conta divisori

... aggiungere divisori e i al dizionario dati ...

Correttezza dell'algoritmo

- Inizialmente *divisori* è 0. Poiché ad ogni passo i del ciclo, $1 \leq i \leq n$, *divisori* viene incrementato se i è un divisore di n , allora al termine del passo i -esimo *divisori* sarà il numero di divisori di n compresi tra 1 ed i . Di conseguenza al termine del passo n (uscita dal ciclo) *divisori* sarà il numero di divisori di n .
- La proprietà “al termine del passo i -esimo *divisori* sarà il numero di divisori di n compresi tra 1 ed i ” viene detta **invariante di ciclo**.
- ... non sempre è facile dimostrare la correttezza di un algoritmo ... in alternativa lettura del codice passo passo e testing
 - ☞ nel nostro caso, provare per i seguenti valori di n :
-5, 1, 11, 15 (... perché ...)

Migliorare l'efficienza dell'algoritmo

- Prima osservazione: non serve dividere per tutti i valori di i . Posso fermarmi quando incontro un divisore i diverso da 1 ed n .

```
do scanf("%d", &n);  
while(n <=1);  
primo = 1; i = 2;  
while (primo && i < n)  
    if(n % i == 0) primo = 0;  
    else i++;  
if(primo)  
    printf("è un numero primo \n");  
else printf("non è un numero primo \n");
```

Ancora miglioramenti

- Seconda osservazione: posso verificare fuori dal ciclo i numeri pari ed evitare di dividere per i multipli di 2.
- Terza osservazione: se un numero n non è primo, allora ha almeno due divisori: $n = d1 * d2$. Uno dei due è sicuramente minore o uguale della radice quadrata di n .

Quindi, se n è primo, posso uscire dal ciclo quando $i > \text{sqrt}(n)$, o equivalentemente quando

$$i * i > n$$

Programma completo

```
#include <stdio.h>
main() {
    int n, i, primo;

    do { printf("Inserisci numero positivo > 1: ");
        scanf("%d", n); }
    while(n <=1);
    if(n % 2 == 0 && n != 2) primo = 0;
    else { primo = 1; i = 3;
        while (primo && i * i <= n)
            if(n % i == 0) primo = 0;
            else i += 2; }
    if(primo) printf("%d e' un numero primo \n", n);
    else printf("%d non e' un numero primo \n", n); }
```


Massimo Comune Divisore: Analisi e Specifica

- ❖ **Dati di ingresso:** x, y
- ❖ **Precondizione:** $x > 1$ AND $y > 1$
- ❖ **Dati di uscita:** gcd
- ❖ **Postcondizione:** gcd è il massimo comune divisore di x e y . (gcd è un divisore di x e y . Per ogni altro divisore z di x e y , $gcd \geq z$).

<i>Attributo</i>	<i>Tipo</i>	<i>Descrizione</i>
x	intero	Numero naturale in ingresso
y	intero	Numero naturale in ingresso
gcd	intero	Massimo comune divisore tra x e y

Algoritmo: 1^a soluzione

- 1 Inizialmente porre *gcd* al minimo tra *x* e *y*
- 2 Decrementa *gcd* finché *gcd* non divide sia *x* che *y*

```
do { scanf("%d", &x);  
      scanf("%d", &y);}  
while(x <= 1 || y <= 1);  
gcd = x < y ? x : y;      // espressione condizionale  
while(x % gcd != 0 || y % gcd != 0)  
      gcd--;  
printf("%d", gcd);
```

Algoritmo di Euclide

- Difficile la dimostrazione di correttezza.
- Intuizione: il massimo comune divisore di x e y è anche un divisore del resto della divisione del più grande per il più piccolo tra x e y .



Algoritmo di Euclide

```
#include <stdio.h>
main() {
    int x, y, r, done;
    do { printf( "Inserisci 1^ numero positivo > 1: ");
        scanf( "%d", &x); }
    while(x <=1);
    do { printf( "Inserisci 2^ numero positivo > 1: ");
        scanf( "%d", &y); }
    while(y <=1);
    done = 0;
    while(! done) {
        r = x % y;
        if (r == 0) done = 1;
        else { x = y; y = r; } }
    printf( "il massimo comune divisore e': %d \n", y);
}
```

Realizzazione di algoritmi: caratteristiche da considerare

- Correttezza
 - **se non funziona serve a poco ...**
- Efficienza
 - **i risultati devono essere prodotti in tempo utile ...**
- Comprensibilità (Chiarezza)
 - **l'efficienza non deve andare a scapito della chiarezza (qualcun altro potrebbe aver necessità di capire ...)**
- Manutenibilità
 - **se il programma sarà usato a lungo, prima o poi dovrò modificarlo ...**